

Титульный лист

призера
регионального этапа Всероссийской олимпиады школьников
2021 года по астрономии

Участник	Класс	Количество баллов
Бабичев К.О.	11	17

Класс:	
Задача:	1

Шифр:	A-11-02
Страница:	1

Выполняйте решение только на лицевой стороне бланка.
При необходимости Вы можете получить дополнительные страницы для решения.

Клас.:	11
Задача:	2

Шифр:	A-11-02
Страница:	1

Выполняйте решение только на лицевой стороне бланка.
При необходимости Вы можете получить дополнительные страницы для решения.

Синхронизация периодов S Юпитера с периодом обращения вокруг Солнца T_3 происходит в узлах: $\frac{1}{S} = \frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_3}$ для внутренних планет, $\frac{1}{S} = \frac{1}{T_3} - \frac{1}{T_1}$ для внешних, где T_3 — период Юпитера. Значит вокруг Солнца. Если предположить, что астероид движется вместе с Юпитером, то период его обращения определяется из 1-ой формулы: $\frac{1}{T} = \frac{1}{S} + \frac{1}{T_3} \rightarrow T = \frac{ST_3}{S+T_3} = 182,63$ (сут.). Из 3-его закона Кеплера $\left(\frac{T}{T_3}\right)^2 = \left(\frac{R}{a_3}\right)^3$ — где R — радиус круг. орбиты астероида, a_3 — большая полуось Земли. Отсюда

$$R = a_3 \sqrt[3]{\frac{T^2}{T_3^2}} = \frac{1 \text{ а.е.}}{\sqrt[3]{4}} \approx 0,63 \text{ (а.е.)} \approx 0,95 \cdot 10^{11} \text{ (м.)}$$

Если же предположить, что астероид орбиты астероида за данные от Солнца, то орбита Земли, полу-
части $\frac{1}{T} = \frac{1}{T_3} - \frac{1}{S} < 0$ — это значение не имеет
смысла, астероид не может быть «внешний
планетой».

Класс:	11
Задание:	3

Шифр:	A-11-02
Страница:	1

Выполняйте решение только на лицевой стороне бланка.

При необходимости Вы можете получить дополнительные страницы для решения.

Параболическая скорость астероидов равна $v = \sqrt{\frac{2GM}{r}}$, где r - расстояние до Солнца, равное по условию 1 а.е., M - масса Солнца.

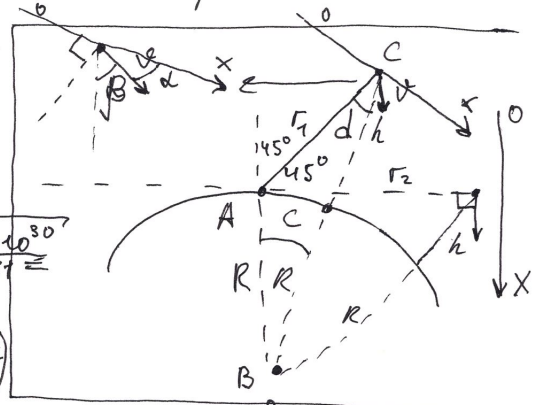
Для наблюдателя на Земле их скорость равна $V_0 = v + V$, где V - орбитальная скорость Земли, $V \approx 29,8 \frac{\text{км}}{\text{с}}$.

$$v = \sqrt{\frac{2GM}{r}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 6,67 \cdot 10^{-11} \cdot 2 \cdot 10^{30}}{1,496 \cdot 10^{11}}} \approx 4,22 \cdot 10^4 \text{ м} = 42,2 \frac{\text{км}}{\text{с}}$$

Значит, для наблюдателя $V_0 = v + V = 72 \frac{\text{км}}{\text{с}}$

Их скорость можно найти как $w = \frac{v_x}{\sin \alpha}$, где v_x - проекция V_0 на ось, перпендикулярную линии зрения. ~~Для астероидов на высоте h над горизонтом наблюдателя $\alpha = 45^\circ$, а r - расстояние от наблюдателя до метеорита. Для метеоритов у горизонта $\alpha = 0^\circ$, а r - расстояние от наблюдателя до метеорита. Для метеоритов у горизонта $\alpha = 0^\circ$, а r - расстояние от наблюдателя до метеорита.~~ По теореме Пифагора $r^2 = (R+h)^2 - R^2 \approx 2Rh + h^2 \approx 2Rh$ (2-ое слагаемое можно пренебречь). Так что $r \approx \sqrt{2Rh}$ и $w_2 = \frac{V_0}{\sin 45^\circ} = \frac{72}{\frac{\sqrt{2}}{2}} = 101,8 \frac{\text{км}}{\text{с}}$.

У астероидов на высоте h над горизонтом скорость образует с осью OX угол α . Он равен 45° . $v_x = V_0 \sin 45^\circ = 50,9 \frac{\text{км}}{\text{с}}$. Осталось найти r_1 . Для угла C (на рисунке) можно записать $\frac{\sin C}{r_1} = \frac{\sin 135^\circ}{R+h}$. В то же время для угла d : $\frac{\sin d}{R} = \frac{\sin(45^\circ - C)}{r_1} = \frac{\sin 135^\circ}{R+h}$. Угол d очень мал, поэтому $\sin d \approx d$. $\frac{d}{R} \approx \frac{\sin C}{R+h}$. $\frac{\sqrt{2}}{2} - C \approx \sin C$. $\frac{\sqrt{2}}{2} - C \approx \sin C$. Отсюда $\sin C \approx \frac{\sqrt{2}}{2}$. Тогда $C \approx 45^\circ$. Тогда $r_1 = \frac{R+h}{\sin C} = \frac{R+h}{\frac{\sqrt{2}}{2}} = \sqrt{2}(R+h)$. r_1 можно найти по теореме косинусов для $\triangle ABC$, затем найти w_1 .



Класс:	11
Задача:	4

Шифр:	A-11-02
Страница:	1

Выполняйте решение только на лицевой стороне бланка.
При необходимости Вы можете получить дополнительные страницы для решения.

1. Светимость звезды и Солнца относятся как
- $$\frac{L_3}{L_c} = \left(\frac{R_3}{R_c}\right)^2 \left(\frac{T_3}{T_c}\right)^4$$
- (R_3, R_c - радиусы звезды и Солнца, T_3, T_c - их температуры.)
- Отсюда для звезды №1 можно определить светимость:
- $$L_3 = L_c \left(\frac{R_3}{R_c}\right)^2 \left(\frac{T_3}{T_c}\right)^4 = 9 \cdot (1,721)^4 L_c = 79,5 L_c$$
- Для звезды главной последовательности справедливо $\frac{L_3}{L_c} \approx \left(\frac{M_3}{M_c}\right)^4$, отсюда
- $$M_3 = M_c \sqrt[4]{\frac{L_3}{L_c}} = 3 M_c$$
- Отношение плотностей равно
- $$\frac{\rho_3}{\rho_c} = \frac{M_3}{M_c} \left(\frac{R_c}{R_3}\right)^3 = 3 \cdot \frac{1}{3^3} = 3^{-2} = 0,11 \rightarrow \rho_3 = 0,11 \rho_c = 156,7 \left(\frac{\text{м}}{\text{см}^3}\right)$$
- Радиус абсолюти. звезды вычислен равен
- $$M_3 - M_c = -2,5 g \left(\frac{E_3}{E_c}\right) = -2,5 g \left(\frac{L_3}{L_c}\right) \quad (\text{т.к. } E \propto \frac{L}{d^2}, \text{ а для абсолюти. звезд } d_1 = d_2)$$
- Отсюда $M_3 = M_c - 2,5 g (79,5) \approx +1,8 - 4,75 = +0,05$.
2. Для 2-ой звезды сначала из соотношения
- $$\frac{L_3}{L_c} = \left(\frac{R_3}{R_c}\right)^2 \left(\frac{T_3}{T_c}\right)^4$$
- находим, что $\frac{R_3}{R_c} = \sqrt{\frac{L_3}{L_c} \frac{T_c^2}{T_3^2}} = \sqrt{10^5 \cdot \left(\frac{5,8}{3,5}\right)^2} \rightarrow R_3 = 668,4 R_c$. Тогда из соотношения плотностей
- $$\rho_3 = \rho_c \frac{M_3}{M_c} \left(\frac{R_c}{R_3}\right)^3 \rightarrow \rho_c \frac{12}{(668,4)^3} = 1,83 \cdot 10^{-8} \rho_c = 2,58 \cdot 10^{-5} \left(\frac{\text{м}}{\text{см}^3}\right)$$
- Так же, как и для 1-ой звезды, $M_3 = M_c - 2,5 g \left(\frac{L}{L_c}\right)$;
- $$M_3 = 4,6 - 2,5 \cdot 5 = -7,7. \quad (\text{таблица на странице 2})$$

Дополнительный бланк. Заполните все необходимые графы.

Клас.:	11
Задача:	4

Шифр:	A-11-02
Страница:	2

Выполняйте решение только на лицевой стороне бланка.
При необходимости Вы можете получить дополнительные страницы для решения.

Характеристика	Солнце	Звезда N1	Звезда N2
Масса (в масс. Солнца)	1,00	3,00	12
Радиус (в рад. Солнца)	1	3	668,4
Светимость (в свет. Солн.)	1	79,5	100000
Сред. плотн. (в г/см^3)	1410	156,7	$2,58 \cdot 10^{-5}$
Температ. поврх. (в К)	5800	10000	3500
Абсолют. звезд. величина	+4,8	+0,05	-7,7

Клас.:	11
Зада. ние:	5

Шифр:	A-11-02
Страница:	1

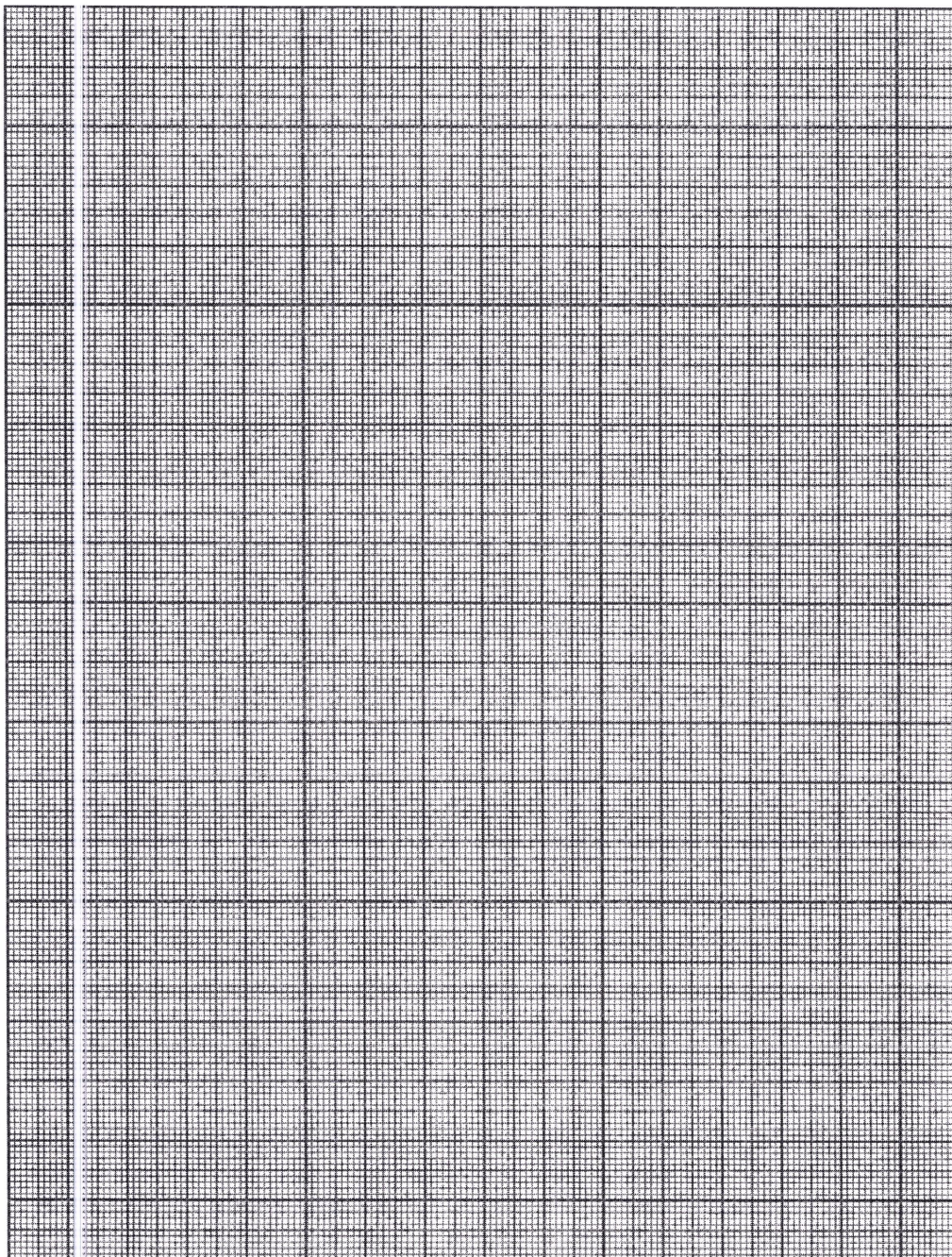
Выполняйте решение только на лицевой стороне бланка.
При необходимости Вы можете получить дополнительные страницы для решения.

Угловое разрешение телескопа диаметра D в видимом диапазоне равно: $\rho = \frac{140''}{D} = \frac{140''}{300} = 0,47'' = 2,24 \cdot 10^{-6}$ (рад.). (В выражается в миллиметрах). Мы сможем наблюдать галактику, если её угловой размер не меньше этого значения: $\varphi \geq \rho = 2,24 \cdot 10^{-6}$ (рад.).
Оценим размер галактики. Если считать её сферической, то $\frac{L_g}{L_s} \approx \left(\frac{R_g}{R_s}\right)^2$ (так как галактика изотропна). Отсюда $R_g \approx 10^5 R_s$. Значит, её угловой размер на небе $\varphi = \frac{2R_g}{r}$ (рад.), где r — расстояние до галактики от Земли. r определяет скорость галактики, обусловленную расширением Вселенной: $v = Hr$, а красное смещение z определяется этой скоростью: $z \approx \lambda \frac{v}{c}$. Мы имеем выражение $\varphi = \frac{2R_g}{r} \geq \rho = 2,24 \cdot 10^{-6}$. Отсюда получим ограничение для r : $r \leq \frac{2R_g}{\rho}$. Но $r = \frac{v}{H}$, а $v = \frac{zc}{1+z}$, так что получаем $\frac{zc}{\lambda H} \leq \frac{2R_g}{\rho}$; $z \leq \frac{2R_g \lambda H}{c\rho}$, где $R_g \approx 10^5 R_s$, λ — длина волны света. Запишем разрешение телескопа в виде $\rho = \frac{\lambda}{D}$ — это в радианах. Тогда $z \leq \frac{2R_g \lambda H \cdot D}{c \cdot \lambda} = \frac{2R_g H D}{c} = \frac{2 \cdot 10^5 R_s H D}{c} = \frac{2 \cdot 10^5 \cdot 0,3 \cdot 6,95 \cdot 10^8 \cdot 2,2 \cdot 10^{-18}}{3 \cdot 10^8}$,
 $z \leq 3,06 \cdot 10^{-13}$ (н.). (для правильной размерности постоянной Хаббла была переведена в размерность $\frac{1}{c}$).

Класс:	
Задача:	6

Шифр:	A-11-02.
Страница:	1

Выполняйте решение только на лицевой стороне бланка.
При необходимости Вы можете получить дополнительные страницы для решения.



Класс:	
Задание:	6

Шифр:	<i>A-11-02</i>
Страница:	2

Выполняйте решение только на лицевой стороне бланка.
При необходимости Вы можете получить дополнительные страницы для решения.